**Nazwa przedmiotu:**

Elementy logiki i teorii mnogości

**Koordynator przedmiotu:**

Dr hab. Michał Ziembowski, prof. PW

**Status przedmiotu:**

Obowiązkowy

**Poziom kształcenia:**

Studia I stopnia

**Program:**

Inżynieria i Analiza Danych

**Grupa przedmiotów:**

Wspólne

**Kod przedmiotu:**

1120-MA000-LSP-0114

**Semestr nominalny:**

1 / rok ak. 2019/2020

**Liczba punktów ECTS:**

6

**Liczba godzin pracy studenta związanych z osiągnięciem efektów uczenia się:**

1. godziny kontaktowe – 70 h; w tym
 a) obecność na wykładach – 30 h
 b) obecność na ćwiczeniach – 30 h
 c) konsultacje – 5 h
 d) egzamin – 5 h
2. praca własna studenta – 80 h; w tym
 a) przygotowanie do ćwiczeń i do kolokwiów – 40 h
 b) zapoznanie się z literaturą – 10 h
 c) przygotowanie do egzaminu – 30 h
Razem 150 h, co odpowiada 6 pkt. ECTS

**Liczba punktów ECTS na zajęciach wymagających bezpośredniego udziału nauczycieli akademickich:**

1. obecność na wykładach – 30 h
2. obecność na ćwiczeniach – 30 h
3. konsultacje – 5 h
4. egzamin – 5 h
Razem 70 h, co odpowiada 3 pkt. ECTS

**Język prowadzenia zajęć:**

polski

**Liczba punktów ECTS, którą student uzyskuje w ramach zajęć o charakterze praktycznym:**

.

**Formy zajęć i ich wymiar w semestrze:**

|  |  |
| --- | --- |
| Wykład:  | 30h |
| Ćwiczenia:  | 30h |
| Laboratorium:  | 0h |
| Projekt:  | 0h |
| Lekcje komputerowe:  | 0h |

**Wymagania wstępne:**

brak

**Limit liczby studentów:**

.

**Cel przedmiotu:**

Celem przedmiotu jest zapoznanie studentów z podstawowymi pojęciami z logiki (na poziomie rachunku zdań i kwantyfikatorów) i teorii mnogości (na poziomie rachunku zbiorów, relacji i funkcji ze szczególnym uwzględnieniem relacji równoważności i relacji porządkujących) oraz nabycie przez nich umiejętności operowania tymi pojęciami. Ponadto studenci otrzymają informację o relacji równoliczności (ze szczególnym uwzględnieniem przeliczalności) i liczbach kardynalnych.
Po ukończeniu kursu studenci powinni rozpoznawać tautologie logiczne, równości i inkluzje między zbiorami, podstawowe pojęcia z oraz posiadać umiejętność:
- przekształcania formuł rachunku zdań i kwantyfikatorów oraz rozpoznawania tautologii logicznej
- zapisywania złożonych pojęć matematycznych przy pomocy pojęć elementarnych i języka logiki
- weryfikowania równości i inkluzji między zbiorami
- budowania relacji równoważności i wyznaczania ich klas abstrakcji
- definiowania różnymi metodami funkcji oraz operowania pojęciem obrazu i przeciwobrazu
- rysowania diagramów relacji ze szczególnym uwzględnieniem relacji porządkujących i rozpoznawania elementów ekstremalnych w zbiorach uporządkowanych
- odróżniania zbiorów przeliczalnych od nieprzeliczalnych.

**Treści kształcenia:**

Język matematyki. Symbolika logiczna. Zmienne wolne i związane.
Rachunek zdań. Pojęcie zdania. Wartość logiczna zdania. Tautologie rachunku zdań. Dowody formalne i aksjomaty rachunku zdań.
Rachunek predykatów. Wyrażanie różnych pojęć w ustalonym języku. Tautologie rachunku predykatów. Kwantyfikatory ograniczone. Operator abstrakcji. Antynomia Russela. Indukcja matematyczna.
Zbiory. Relacje między zbiorami i działania na zbiorach (suma, przecięcie, różnica, dopełnienie). Prawa rachunku zbiorów. Iloczyn kartezjański.
Relacje. Podstawowe kategorie relacji. Dziedzina, przeciwdziedzina. Operacje na relacjach, Diagram relacji
Funkcje Operacje na funkcjach. Obraz, przeciwobraz.
Indeksowane rodziny zbiorów i operacje na nich. Suma i przecięcie rodziny zbiorów. Własności tych operacji.
Relacje równoważności. Przykłady w różnych dziedzinach matematyki. Klasy abstrakcji i ich własności. Podziały.
Zbiory uporządkowane. Przykłady zbiorów uporządkowanych. Diagramy Hassego. Maksy- i minimalność, kresy. Kraty i algebry Boole’a. Liniowe porządki. Dobre porządki i twierdzenie o indukcji pozaskończonej.
Równoliczność zbiorów. Własności. Zbiory przeliczalne i ich własności. Informacja o zbiorach nieprzeliczalnych
Elementy logiki matematycznej. Pojęcie dowodu formalnego i teorii aksjomatycznej. Aksjomatyczny rachunek zdań.

**Metody oceny:**

Do zdobycia jest 100 pkt: 40 na ćwiczeniach, 60 na egzaminie (30 pkt – zadania, 20 pkt – test z teorii, 10 pkt – egzamin ustny z umiejętności referowania zadanego tematu)
Stopień z przedmiotu ustala się wg następującej zasady: 51–60 pkt - trzy, 61–70 pkt – trzy i pół, 71–80 pkt – cztery, 81–90 pkt – cztery i pół, 91–100 pkt – pięć.
Warunkiem koniecznym dopuszczenia do egzaminu jest uzyskanie na ćwiczeniach co najmniej 21 pkt.
Punkty na ćwiczeniach pochodzą z dwóch kolokwiów i (ewentualnie – wg decyzji prowadzącego ćwiczenia) z oceny aktywności na zajęciach.
Otrzymanie co najmniej 30 pkt z ćwiczeń zwalnia z części zadaniowej egzaminu. Dostaje się wówczas premię punktową w ilości x-10 pkt, gdzie x to ilość punktów zdobytych na ćwiczeniach. Z testu egzaminacyjnego można być zwolnionym po zaliczeniu dwóch repetytoriów (również w formie testów), które odbędą się w połowie i na koniec semestru.
Punkty z testu na egzaminie są uznawane (i doliczane do innych wyników), je¬śli jest ich co najmniej 5.
Dopuszczenie do egzaminu jest ważne do końca b.r. ak, zwolnienia z egzaminu lub jego części – do końca lutego b.r.

**Egzamin:**

tak

**Literatura:**

1. W. Marek, J. Onyszkiewicz – Elementy logiki i teorii mnogości w zadaniach, PWN
2. H. Rasiowa – Wstęp do matematyki współczesnej, PWN
3. K. Kuratowski – Wstęp do teorii mnogości i topologii, PWN
4. W. Guzicki, P. Zakrzewski – Wykłady ze wstępu do matematyki
5. W. Guzicki, P. Zakrzewski – Wstęp do matematyki. Zbiór zadań, PWN 2005

**Witryna www przedmiotu:**

.

**Uwagi:**

.

## Charakterystyki przedmiotowe

### Profil ogólnoakademicki - wiedza

**Charakterystyka W01:**

Ma podstawową wiedzę z logiki obejmującą metody weryfikowania tautologii i budowania formuł złożonych z formuł elementarnych

Weryfikacja:

2 repetytoria i egzamin

**Powiązane charakterystyki kierunkowe:** DS\_W01

**Powiązane charakterystyki obszarowe:** I.P6S\_WG

**Charakterystyka W02:**

Ma wiedzę ogólną w zakresie relacji i funkcji ze szczególnym uwzględnieniem relacji równoważności

Weryfikacja:

2 repetytoria i egzamin

**Powiązane charakterystyki kierunkowe:** DS\_W01

**Powiązane charakterystyki obszarowe:** I.P6S\_WG

**Charakterystyka W03:**

Ma wiedzę ogólną w dziedzinie zbiorów uporządkowa-nych

Weryfikacja:

2 repetytoria i egzamin

**Powiązane charakterystyki kierunkowe:** DS\_W01

**Powiązane charakterystyki obszarowe:** I.P6S\_WG

**Charakterystyka W04:**

Ma podstawową wiedzę o równoliczności i przeliczalności zbiorów

Weryfikacja:

2 repetytoria i egzamin

**Powiązane charakterystyki kierunkowe:** DS\_W01

**Powiązane charakterystyki obszarowe:** I.P6S\_WG

### Profil ogólnoakademicki - umiejętności

**Charakterystyka U01:**

Potrafi wykorzystać nabytą wiedzę matematyczną do formułowania definicji i dowodzenia twierdzeń

Weryfikacja:

2 kolokwia

**Powiązane charakterystyki kierunkowe:** DS\_U01

**Powiązane charakterystyki obszarowe:** I.P6S\_UW

**Charakterystyka U02:**

Potrafi pozyskiwać informacje z literatury, baz danych oraz innych źródeł, integrować je, dokonywać ich interpretacji oraz wyciągać wnioski i formułować opinie

Weryfikacja:

2 kolokwia

**Powiązane charakterystyki kierunkowe:** DS\_U20

**Powiązane charakterystyki obszarowe:** I.P6S\_UW, I.P6S\_UK